|  |  |
| --- | --- |
| **SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO**  **LÀO CAI**  **ĐỀ CHÍNH THỨC** | **KỲ THI CHỌN HỌC SINH GIỎI THCS CẤP TỈNH**  **NĂM HỌC 2021 - 2022**  **Môn thi: Tin học**  **Thời gian: 150 phút** *(không kể thời gian giao đề)*  **Ngày thi: 16/3/2022**  *(Đề thi gồm: 04 trang, 05 bài)* |

**TỔNG QUAN BÀI THI**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tệp chương trình** | **Dữ liệu vào** | **Dữ liệu ra** | **Điểm** |
| **1** | **BAI01.\*** | **BAI01.INP** | **BAI01.OUT** | **4,0** |
| **2** | **BAI02.\*** | **BAI02.INP** | **BAI02.OUT** | **4,0** |
| **3** | **BAI03.\*** | **BAI03.INP** | **BAI03.OUT** | **4,0** |
| **4** | **BAI04.\*** | **BAI04.INP** | **BAI04.OUT** | **4,0** |
| **5** | **BAI05.\*** | **BAI05.INP** | **BAI05.OUT** | **4,0** |

*Thí sinh có thể sử dụng ngôn ngữ lập trình Pascal hoặc C++ để giải các bài toán. Khi đó dấu \* trong Tệp chương trình sẽ là* ***pas*** *hoặc* ***cpp.***

**Bài 1 (4,0 điểm) Số tam giác.**

Một số được gọi là “số tam giác” nếu ta có thể biểu diễn nó dưới dạng lưới hình tam giác gồm các điểm sao cho các điểm tạo thành một tam giác đều, tức là hàng đầu tiên có một điểm, hàng thứ hai có hai điểm, hàng thứ ba có ba điểm,…

T=21

T=15

T=10

T=6

T=3

T=1

Các số tam giác bắt đầu là 1, 3 (1+2), 6 (1+2+3),

10 (1+2+3+4),…. Xem hình minh họa *(“số tam giác”*

*là số được phân tích thành tổng các số từ 1 tới một số k tương ứng).*

Cho biết số nguyên dương N, hãy cho biết N có phải là số tam giác hay không?

**Dữ liệu vào**: Đọc dữ liệu vào từ tệp **BAI01.INP** là một số nguyên dương ).

**Dữ liệu ra**: Ghi kết quả ra tệp **BAI01.OUT** là số 1 nếu N là số tam giác, là số 0 nếu N không phải là số tam giác.

**Ví dụ**:

|  |  |
| --- | --- |
| **BAI01.INP** | **BAI01.OUT** |
| 3 | 1 |
| 4 | 0 |
| 6 | 1 |

**Bài 2 (4,0 điểm) Trò chơi.**

Vì tình hình dịch Covid-19 đang diễn biến phức tạp, Tít phải học trực tuyến tại nhà. Tít cũng là người chấp hành rất tốt quy định về phòng chống dịch nên không ra ngoài đi chơi. Tít đã nghĩ ra một trò chơi với bộ sưu tập gồm 𝑛 viên đá của mình. Đó là xếp 𝑛 viên đá lên một bảng hình chữ nhật chia thành lưới ô vuông đơn vị, sao cho mỗi ô có không quá một viên đá.

**Ví dụ:** Với 𝑛 = 100, Tít có thể xếp chúng vào bảng kích thước 1x100, 2x50, 4x25, 5x20 và 10x10.

**Yêu cầu:** Xác định kích thước của bảng có chu vi nhỏ nhất mà Tít có thể thực hiện được trò chơi *(nếu có nhiều kích thước thỏa mãn chu vi nhỏ nhất, Tít sẽ chọn bảng hình vuông).*

**Dữ liệu vào:** Đọc dữ liệu vào từ tệp **BAI02.INP** một số tự nhiên 𝑛 < 1012.

**Dữ liệu ra:** Ghi kết quả ra tệp **BAI02.OUT** ghi ra hai số cách nhau một dấu cách là độ dài hai cạnh của bảng tìm được *(nếu kích thước hai cạnh khác nhau ghi số bé trước, số lớn sau).*

**Ví dụ:**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **BAI02.INP** | **BAI02.OUT** | **Giải thích** |
| 100 | 10 10 | 100 có thể sử dụng bảng 1x100, 2x50, 4x25, 5x20 và 10x10 vậy bảng có kích thước 10x10 sẽ có chu vi nhỏ nhất. |
| 24 | 5 5 | 24 có thể sử dụng bảng 1x24, 2x12, 3x8, 4x6 và 5x5. Vậy bảng có kích thước 4x6 và 5x5 là bảng có chu vi nhỏ nhất. Tuy nhiên vì Tít thích bảng hình vuông nên sẽ chọn bảng 5x5. |

**Bài 3 (4,0 điểm) Sân điền kinh.**

Trong một sân điền kinh, đầu sân là vạch sơn được đánh số 0 và người ta kẻ thêm n vạch sơn để thi đấu các cự ly khác nhau. Vạch sơn thứ 1 cách đầu sân a1 mét, vạch sơn thứ 2 cách đầu sân a2 mét,… vạch sơn thứ n cách đầu sân an mét (a1< a2<…<an). Ban tổ chức cần tìm hai vạch sơn để thi đấu cự ly m mét.

**Yêu cầu:** Cho trước khoảng cách từ đầu sân đến n vạch sơn. Tìm vạch sơn thứ x và vạch sơn thứ y để thi đấu cự ly m mét (thỏa mãn ay – ax = m).

**Dữ liệu vào:** Đọc dữ liệu vào từ tệp **BAI03.INP.**

- Dòng thứ nhất hai số nguyên dương n và m .

- Dòng thứ hai n số nguyên dương (0 < a1 < a2 <…< an, .

Các số nguyên trên cùng một dòng cách nhau bởi một ký tự trắng.

**Dữ liệu ra:** Ghi kết quả ra tệp **BAI03.OUT.**

- Số nguyên x, y tìm được. Nếu có nhiều đáp án thì ghi đáp án gần đầu sân nhất, nếu không có đáp án thì ghi -1.

**Ví dụ:**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **BAI03.INP** | **BAI03.OUT** | **Giải thích** |
| 4 6  1 5 7 11 | 1 3 | Có 2 kết quả là a1 a3 (7-1=6) và a2 a4 (11-5=6) lấy kết quả 1 3 vì gần vạch đầu sân |

**Ràng buộc:**

- **Subtask 1 (75%):** 1< n .

- **Subtask 2 (25%):** 103 < n .

**Bài 4 (4,0 điểm) Số lớn nhất.**

Tít có một người em rất nghịch ngợm. Một hôm em của Tít ngồi nghịch và viết ra 1 dãy rất dài gồm các chữ cái và chữ số. Tít liền nghĩ ra một bài toán để đố người em nghịch ngợm của mình. Đó là tách dãy trên thành tập các số với mỗi số là một đoạn liên tiếp các chữ số sau đó tìm số lớn nhất trong tập các số vừa tìm được. Bạn hãy lập trình để kiểm tra xem kết quả em của Tít đưa ra có đúng không.

Ví dụ: 123abd67dadf89 sẽ tách được thành 3 số là 123, 67 và 89 như vậy số lớn nhất là 123.

**Dữ liệu vào:** Đọc dữ liệu vào từ tệp **BAI04.INP** một dòng duy nhất là đoạn kí tự gồm chữ cái và chữ số (Test luôn tồn tại ít nhất 1 số, s105).

**Dữ liệu ra:** Ghi kết quả ra tệp **BAI04.OUT** một số duy nhất là số lớn nhất trong dãy số trên.

**Ví dụ:**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **BAI04.INP** | **BAI04.OUT** | **Giải thích** |
| 123abd67dadf89 | 123 | Có 3 số được tách ra là 123, 67 và 89. Vậy số lớn nhất là 123. |

**Ràng buộc:**

* **Subtask 1 (70%):** Số lớn nhất 1018.
* **Subtask 2 (30%):** Số lớn nhất 10100000.

**Bài 5 (4,0 điểm) Đi chơi.**

Sau bao ngày học hành vất vả và dịch Covid-19 đã được kiểm soát, Tít cùng M người bạn của mình lên kế hoạch để đi chơi. Nhà của Tít và các bạn của Tít nằm trên cùng 1 con đường, các nhà được đánh vị trí từ 1 đến N, mỗi nhà cách nhau 1 mét. Nhà của Tít ở vị trí 1 và địa điểm vui chơi ở vị trí N. Nhà M người bạn của Tít ở các vị trí a1, a2,..., aM. Ngoài ra trên tuyến đường còn có P trạm xe buýt tại các vị trí b1, b2, ..., bP.

Từ nhà mình, Tít lần lượt đi đến nhà của các bạn mình theo kế hoạch. Tít có thể đi bằng taxi hoặc xe buýt. Với taxi, Tít có thể bắt từ bất kì vị trí nào, giá của taxi là T đồng/mét. Với xe buýt, Tít chỉ có thể bắt từ trạm này và đi đến một trạm khác, giá của xe buýt là B đồng/lượt không phân biệt khoảng cách. Do còn phải để dành tiền để đi chơi, Tít không thể lãng phí quá nhiều tiền cho việc đi lại. Bạn hãy giúp Tít tìm cách đi đón tất cả các bạn và đến điểm vui chơi với số tiền phải trả là ít nhất nhé!

**Yêu cầu:** Cho biết số nhà trên đường, các nhà phải đến đón, số trạm xe buýt và số tiền đi xe taxi, xe buýt, bạn hãy tìm cách đi cho Tít sao cho đến thăm đúng thứ tự các nhà và đến vị trí N với số tiền ít nhất.

**Dữ liệu vào:** Đọc dữ liệu vào từ tệp **BAI05.INP** có dạng:

- Dòng thứ nhất chứa các số nguyên N, M, P, T, B: Là vị trí điểm vui chơi, các nhà phải đón, số trạm xe buýt và số tiền đi taxi, xe buýt (1 ≤ N ≤ 109 | 0 ≤ M,P ≤ 105 | 1 ≤ T,B ≤ 104).

- Dòng thứ hai chứa M số nguyên là thứ tự các nhà phải đến, số thứ ai là vị trí của nhà thứ i (1 ≤ ai ≤ N). Dữ liệu cho đảm bảo không có 2 nhà trùng vị trí.

- Dòng cuối cùng chứa P số nguyên là vị trí các trạm xe buýt theo thứ tự tăng dần, số thứ bi là vị trí của trạm thứ i, mặc định có trạm ở vị trí 1 và N (1 ≤ bi ≤ N).

**Dữ liệu ra:** Ghi kết quả ra tệp **BAI05.OUT** có gồm 1 số nguyên duy nhất là số tiền ít nhất phải trả.

**Ví dụ:**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **BAI05.INP** | **BAI05.OUT** | **Giải thích** |
| 10 2 2 1000 2000  5 8  4 7 | 8000 | - Đầu tiên Tít đi xe buýt từ 1 đến 4.  - Sau đó đi taxi từ 4 đến 5, 5 đến 8 và 8 đến 10.  Tổng số tiền là 2000+1000+3000+2000=8000 đồng. |

**Ràng buộc:**

* **Subtask 1 (40%):** N,M,P ≤ 20.
* **Subtask 2 (40%):** N,M,P ≤ 100.
* **Subtask 3 (20%):** N ≤ 109; 0≤ M,P ≤ 105.

**--------------HẾT--------------**

Họ và tên thí sinh: …………………………..….…Số báo danh……………..…...........

Chữ ký giám thị 1: …………………….….Chữ ký giám thị 2: …………...……………

*Thí sinh không sử dụng tài liệu*

*Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm*